



1. 試求解函數 $f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$ 的下列問題？----- (25%)

- (A) 定義域及截距
- (B) 對稱性及漸近線
- (C) 遞增及遞減區域
- (D) 相對極值及上凹與下凹區域並求反曲點
- (E) 繪出圖形

2. 試求下列極限值？----- (10%)

(A) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^3} = ?$

(B) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3} - 2}{x - 1} = ?$

3. 試求解下列積分式？----- (15%)

(A) $\int_2^4 \frac{2}{x^2 - 6x + 10} dx$

(B) $\int x^3 \ln x dx$

(C) $\int \frac{dx}{x^3 + x^2 - 2x}$

4. 兩圓柱體 $x^2 + y^2 \leq r^2$ 與 $x^2 + z^2 \leq r^2$ ($r > 0$) 互相相交，(A)請繪出互
相重疊的區域 (第一卦限即可)；(B)請求出此兩圓柱體重疊區域的體積？----- (15%)

5. 試求下列兩函數之幕級數表示式？----- (20%)

(A) $\ln(1 + x)$

(B) $\tan^{-1} x$

6. 求在拋物面 $z = x^2 + y^2$ 與平面 $z = 2$ 相交，(A)請繪出在拋物面上方與
平面下方之區域；(B)試求上述區域中曲面的面積？----- (15%)



一、名詞解釋(30 分，5 分/題)

1. Glycolysis
2. nitrification
3. pathogen
4. cometabolism
5. biofilm
6. eutrophication

二、問答題(70 分，10 分/題)

1. 某排放源排放體積比為 2%之一氧化碳，假如其溫度為 70°C，試以 ppm 及 $\mu\text{g}/\text{m}^3$ 表示其濃度。
2. (a) 何謂自由有效氯、結合有效氯、折點加氯法。(b) 採用加氯消毒時，試解釋說明 pH 值如何影響消毒之效率。
3. 在進行化學需氧量分析時，使用了重鉻酸鉀、硫酸汞、硫酸銀、硫酸亞鐵銨、斐羅琳(Ferroin)等化學藥劑，試簡述上述藥劑在化學需氧量分析上之功能為何。倘水樣體積為 20 mL，空白瓶與水樣瓶消耗之硫酸亞鐵銨體積分別為 9 mL 與 3 mL，而硫酸亞鐵銨之濃度為 0.25 N，試問該水樣之 COD 值為何。
4. 試說明何謂 Monod equation (請列出公式，說明符號意義，並繪出該式之簡圖)，並說明如何由實驗來求取該公式之參數值。
5. 影響環境微生物生長的因子為何？請舉例與說明。
6. 水質檢驗常以大腸菌類作為污染指標微生物，請說明理由為何？
7. 請說明生物復育方法中 biostimulation 與 bioaugmentation 各為何？



甲. 選擇題 (每題 3 分，小計 75 分)

1. 下列各組，何者均為純物質？

(A) 臭氧、鋼、磷 (B) 尿素、鑽石、乾冰 (C) 食鹽、合金、水
 (D) 蔗糖、二氫化碳、食醋 (E) 以上皆非
2. 下列儀器何者最常用來分析化合物的官能基？

(A) 質譜儀 (B) 紅外線光譜儀 (C) 核磁共振光譜儀 (D) 螢光光譜儀
 (E) 以上皆是
3. 某 3 公克的 He 所含有的原子數目，跟下列何者之原子數目相等？(原子量：H=1，He=4，C=12，O=16，S=32)

(A) 16 公克的 SO₂ (B) 32 公克的 O₂ (C) 32 公克的 CH₄ (D) 22 公克的 CO₂
 (E) 12 公克的 H₂O
4. 室溫下獲得固體比重的量測數據：比重瓶空重為 50.08 g、比重瓶含固體試樣重為 51.25 g、比重瓶裝滿水後共重 72.19 g、比重瓶含該試樣及補滿水後共重 73.03 g。試求此固體試樣的比重為何？

(A) 0.75 (B) 1.84 (C) 2.53 (D) 3.55 (E) 3.63
5. 同溫同壓下，同體積的氣體甲與氣體乙的質量分別為 8.4 g 與 4.8 g。已知氣體甲僅由碳和氫元素所組成，且氣體乙的分子量為 16，則上述氣體甲所含的原子總數約為多少個？(原子量：H=1，C=12，氣體甲乙均視為理想氣體)

(A) 1.81×10^{23} (B) 3.61×10^{23} (C) 7.22×10^{23} (D) 1.08×10^{24} (E) 2.75×10^{24}
6. 測一氯化鈉水溶液中 Na⁺ 的濃度為 400 ppm，則上述水溶液所含 NaCl 的重量百分律濃度為多少？

(A) 0.092% (B) 0.117% (C) 0.92% (D) 1.17% (E) 2.12%
7. 在 4 下，一公升的水中含有 CaCO₃ 0.010 公克，水溶液的比重為 1，則此水溶液含鈣的濃度為多少 ppm？

(A) 1 (B) 4 (C) 10 (D) 25 (E) 30
8. H₂O 之沸點高於 H₂S，主要因為

(A) 氢鍵 (B) 分散力 (C) 偶極-偶極 (D) 離子-偶極作用力 (E) 以上皆非
9. 下列化合物何者化學鍵能最大

(A) H-F (B) H-Cl (C) H-Br (D) H-I (E) H-At
10. 在 50°C 時，NaClO₃ 和 KNO₃，對 100 g 水的溶解度分別為 138.5 g 和 85.8 g。而在同溫度 KClO₃ 和 NaNO₃，對 100 g 水的溶解度分別為 18.4 g 和 114 g，如果再 50°C 時，欲製備含 NaClO₃ 和 KNO₃ 的飽和溶液，而加 138.5 g 之 NaClO₃ 和 85.8 g KNO₃ 於 100 g 的水中時，將會發生何種結果？(分子量：NaClO₃=106.5，KNO₃=101，KClO₃=122.5，NaNO₃=85)

(A) 析出 67.4 g KClO₃ (B) 析出 85.8 g KClO₃ (C) 析出 62.5 g KClO₃
 (D) 析出 24.3 g KClO₃ (E) 析出 85.8 g KClO₃
11. 室溫下有一未飽和澄清溶液 508 g，它僅含一種溶質 X，現將此澄清溶液等分為甲乙兩杯，然後對甲乙兩杯溶液分別做加熱處理，過程與結果如下：
 A: 加熱甲杯，使溶液蒸發掉 10 g 水，隨即將溶液回覆至室溫，發現有 4 g 溶質 X 結晶析出。
 B: 加熱乙杯，使溶液蒸發掉 30 g 水，隨即將溶液回覆至室溫，發現有 16 g 溶質 X 結晶析出。
 求室溫下，溶質 X 對水的溶解度為多少？

(A) 20 (B) 40 (C) 60 (D) 80 (E) 90



12. 有一含 Na_2CO_3 和 NaOH 的混合物。現稱取 0.5895g 樣品，溶於水中，用 0.3000 mol/L 的鹽酸滴定至酚酞變色 ($\text{pH}=8$) 時，用去 24.08 mL 鹽酸；繼續滴至甲基橙變色 ($\text{pH}=4$) 時，用去鹽酸 12.02 mL。計算試樣中 Na_2CO_3 和 NaOH 的質量分數。

- (A) Na_2CO_3 : 64.84% , NaOH : 22.51%
- (B) Na_2CO_3 : 52.36% , NaOH : 19.23%
- (C) Na_2CO_3 : 49.25% , NaOH : 27.63%
- (D) Na_2CO_3 : 47.52% , NaOH : 21.44%
- (E) Na_2CO_3 : 39.96% , NaOH : 45.74%

13. 某碳氫化合物中含 54.4% 碳、9.18% 氢、其餘為氧，該化合物經實驗測知分子量為 88，則該碳氫化合物分子式為何？(A) $\text{C}_2\text{H}_4\text{O}$ (B) $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}$ (C) $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}_2$ (D) $\text{C}_2\text{H}_2\text{O}_2$ (E) $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_2$ 。

14. 二氧化錳 5.23 g 加熱只產生氧氣，加熱至不再有氣體產生時剩下純物質 4.59g，試求將所產生氧氣收集，在 STP 其體積為多少公升？(A) 0.112 (B) 0.224 (C) 0.448 (D) 22.4 (E) 以上皆非。

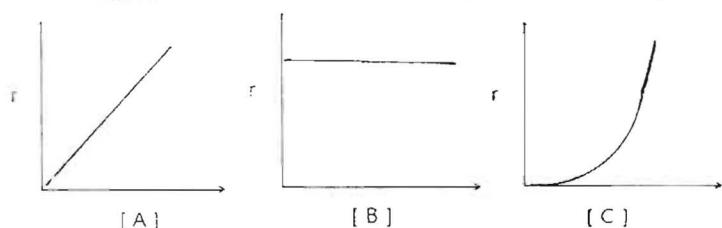
15. 已知 $\text{C}_{(\text{s})} + \text{O}_{2(\text{g})} \rightarrow \text{CO}_{2(\text{g})} + 94.0 \text{ kcal}$; $\text{H}_{2(\text{g})} + 1/2 \text{ O}_2 \rightarrow \text{H}_2\text{O}_{(\text{l})} + 68.3 \text{ kcal}$; $\text{CH}_{4(\text{g})} + 2\text{O}_{2(\text{g})} \rightarrow \text{CO}_{2(\text{g})} + 2\text{H}_2\text{O}_{(\text{l})} + 212.8 \text{ kcal}$ ，試求甲烷之生化熱 (ΔH)？

- (A) 17.8 kcal (B) -17.8 kcal (C) -50.51 kcal (D) 50.51 kcal (E) 以上皆非。

16. 下列氧化還原反應敘述，何者正確？

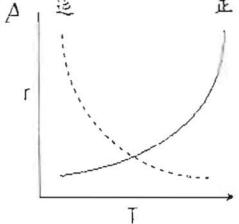
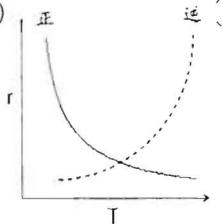
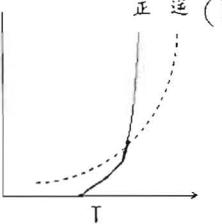
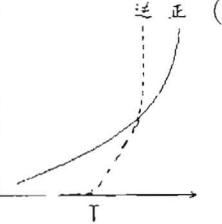
- (A) 被氧化的物質是氧化劑。
- (B) 氧化劑在反應中得到電子，發生還原反應。
- (C) 有氧化物生成的反應一定是氧化反應。
- (D) 反應中失去電子的物質是氧化劑。
- (E) 以上皆非。

17. 化學反應 $\text{A} + \text{B} + \text{C} \rightarrow \text{產物}$ ，下列三圖形分別代表 A、B、C 之濃度變化與反應速率 r 變化關係：



則此反應之反應階（級）數為若干？(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 以上皆非。

18. $\text{H}_{2(\text{g})} + \text{I}_{2(\text{g})} \rightarrow 2\text{HI}_{(\text{g})}$, $\Delta H = -4.1 \text{ kcal / mole}$ ，則溫度 (T) 升高，正逆反應速率 (r) 變化，以下列何圖表示最佳？

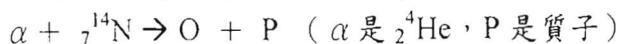
- (A) 
- (B) 
- (C) 
- (D) 
- (E) 以上皆無。



19. 下列有關鋅-銅電池敘述，何者正確？

- (1) 若連接鋅-銅兩半電池的鹽橋內，充填飽和 $\text{KNO}_3\text{(aq)}$ ，則反應時 NO_3^- 會往鋅極移動。
 - (2) 放電過程中鋅片重量會增加。
 - (3) 放電數小時後，鋅-銅電池的電壓仍維持最初裝置時的電壓。
 - (4) 銅半電池內，離子濃度漸減，顏色漸淺。
 - (5) 鹽橋功能在連接兩個電極間的電路。
- (A) (1)(3)(5) (B) (1)(2)(5) (C) (3)(4)(5) (D) (1)(4)(5) (E) 以上皆非。

20. 以 α 粒子撞擊氮原子核 ${}_{7}^{14}\text{N}$ ，其核反應可用下式表示：



則產生的氧原子核是下列哪一種？

- (A) ${}_{8}^{15}\text{O}$ (B) ${}_{8}^{16}\text{O}$ (C) ${}_{8}^{18}\text{O}$ (D) ${}_{8}^{19}\text{O}$ (E) ${}_{8}^{17}\text{O}$ 。

21. 試問具有花香酯化合物 $\text{C}_6\text{H}_5\text{CH}_2\text{COOCH}_3$ 可由下列何組物質酯化產生？(A) 苯乙酸與甲醇

- (B) 苯甲醇與乙酸 (C) 甲苯與乙酸 (D) 苯甲酸與乙醇 (E) 以上皆非。

22. 下列有關苯酚敘述，何者錯誤？

- (A) 水溶液可使石蕊試紙變為紅色。 (B) 室溫下微溶於水，但可溶於 NaOH 中。
- (C) 酚的酸性比醇強。 (D) 可用於合成阿斯匹靈。
- (E) 以上皆無。

23. 下列有關反應熱敘述，何者正確？

- (A) H_2 之莫耳燃燒與 H_2O 莫耳生成熱為等值同號。
- (B) CO_2 莫耳生成熱為零。
- (C) $\text{C}_{(\text{s})} + 1/2 \text{O}_2 \rightarrow \text{CO}_{2(\text{g})}$, $\Delta H = -110\text{KJ}$ 該反應熱可稱為 $\text{C}_{(\text{s})}$ 莫耳燃燒熱。
- (D) $\text{NO}_{(\text{g})} + 1/2 \text{O}_2 \rightarrow \text{NO}_{2(\text{g})}$ 該反應 ΔH 可稱為 NO_2 生成熱。
- (E) 以上皆非。

24. 下列何反應會因壓縮體積而使平衡向右移動？

- (A) $\text{N}_{2(\text{g})} + 3\text{H}_{2(\text{g})} \rightleftharpoons 2\text{NH}_{3(\text{g})}$ 。 (B) $\text{N}_{2}\text{O}_{4(\text{g})} \rightleftharpoons 2\text{NO}_{2(\text{g})}$ 。 (C) $\text{H}_{2}\text{O}_{(\text{g})} \rightleftharpoons \text{H}_{2(\text{g})} + 1/2\text{O}_{2(\text{g})}$ 。
- (D) $\text{H}_{2(\text{g})} + \text{I}_{2(\text{g})} \rightleftharpoons 2\text{HI}_{(\text{g})}$ 。 (E) 以上皆非。

25. 下列各醇，何者為三級醇？

- (A) 4-甲基-1-戊醇。 (B) 2-甲基-3-戊醇。 (C) 2-甲基-2-戊醇。
- (D) 2-甲基-1-戊醇。 (E) 以上皆非。



乙. 計算題 (小計 25 分)

1. $H_{2(g)}$ 6 莫耳與 $I_{2(g)}$ 4 莫耳於 300 °C 共置於容器中，其壓力為 760 mm Hg，經下列反應 $H_{2(g)} + I_{2(g)} \rightleftharpoons 2HI_{(g)}$ ，平衡時測得 $H_{2(g)}$ 分壓為 190 mm Hg，試求此反應之平衡常數 (K_c)？(6%)
2. 高溫 (500 °C) 由環丙烷生成丙烯，已知是一階反應，其反應常數 (K) 為 $6.7 \times 10^{-4} \text{ s}^{-1}$ ，環丙烷初始濃度 0.25M，試求 8.0 mins 時其濃度值 (M)？答案概估值或答案計算式，兩者皆可 (7%)
3. 已知 0.01 mol/L NaNO_2 ，溶液之 $[H^+] = 2.1 \times 10^{-8}$ ，試計算：
(1) NO_2^- 之 K_b (2) HNO_2 之 K_a (3) NaNO_2 之解離度 (6%)
4. 有 0.2 mol 有機物和 0.4 mol 的氧氣在密閉容器中燃燒後產物為 CO_2 ， CO 和 H_2O ，產物通過 H_2SO_4 增重 10.8 g，在通過灼熱之 CuO 充分反應後， CuO 減輕了 3.2 g，最後該氣體再通過鹼石灰完全吸收，質量增加 17.6 g，試問化合物分子式？(6%)